

# فهرست

فصل اول	.....
عدد و الگوهای عددی	..... ۵
فصل دوم	.....
کسر	..... ۱۴
فصل سوم	.....
اعداد اعشاری	..... ۷۵
فصل چهارم	.....
تقارن و مختصات	..... ۱۰۳
فصل پنجم	.....
اندازه‌گیری	..... ۱۲۵
فصل ششم	.....
تناسب و درصد	..... ۱۶۱
فصل هفتم	.....
تقریب	..... ۱۸۹
پاسخنامه	.....
۲۰۹	.....
آزمون‌های دوره‌ای و نمونه سوالات امتحان نهایی	.....
آزمون دوره‌ای فصل ۱ و ۲ و ۳	..... ۲۹۸
آزمون دوره‌ای فصل ۳ و ۴	..... ۳۰۲
آزمون دوره‌ای فصل ۱ و ۲ و ۳ و ۴	..... ۳۰۶
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۳۹۷	..... ۳۱۰
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۳۹۸	..... ۳۱۶
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۳۹۹	..... ۳۲۲
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۴۰۰	..... ۳۲۸
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۴۰۱	..... ۳۳۴
ارزشیابی هماهنگ درس ریاضی خرداد ۱۴۰۲	..... ۳۴۰





## پنجش اول: الگوهای عددی



### پنجون

این بخش را با تعریف چند موضوع شروع می‌کنیم.

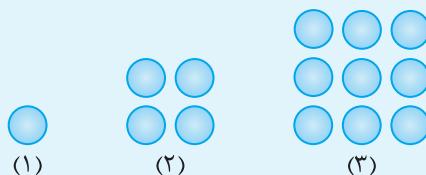
**الگویابی:** ریاضی علم الگوهاست و می‌توان آن را برای داشتن تفکری منطقی و خلاقانه یاد گرفت. همچنین الگویابی از روش‌های بسیار مهم در حل مسئله است و یکی از مواردی است که در زندگی روزمره بسیار از آن استفاده می‌کنیم. به پیدا کردن روابط مشخص بین اشکال و اعداد الگویابی می‌گوییم و برای اینکه راحت‌تر بتوانیم این روابط را پیدا کنیم، الگوها را به دو دسته تقسیم می‌کنیم.

الگوهایی که با فاصله‌ی ثابت جلو می‌روند. (دباله‌ی منظم)  
الگوهایی که فاصله‌ی بین اعداد آن‌ها ثابت نیست.

### الگوهایی که فاصله‌ی بین اعداد آن‌ها ثابت نیست.

بعضی از این الگوها بسیار معروف هستند و نام‌گذاری شده‌اند که با حفظ کردن اعداد آن‌ها می‌توانیم هر جا که آن‌ها را دیدیم بشناسیم و اعداد مربوط به هر شماره‌ی شکل را با توجه به فرمولی که حفظ هستیم پیدا کنیم.

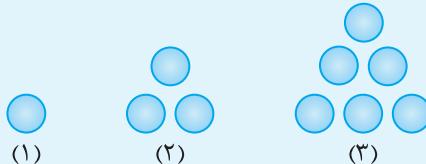
#### (۱) الگوی مرربعی:



شماره شکل × شماره شکل = فرمول الگوی مرربعی

$$1, 4, 9, 16, 25, 36, \dots$$

#### (۲) الگوی مثلثی:

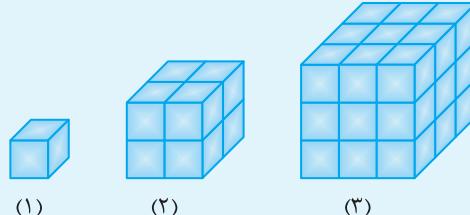


شماره شکل بعدی × شماره شکل = فرمول الگوی مثلثی

$$\frac{1}{2}$$

$$1, 3, 6, 10, 15, \dots$$

#### (۳) الگوی مکعبی:

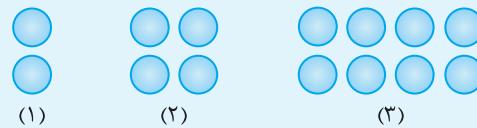


شماره شکل × شماره شکل × شماره شکل = فرمول الگوی مکعبی

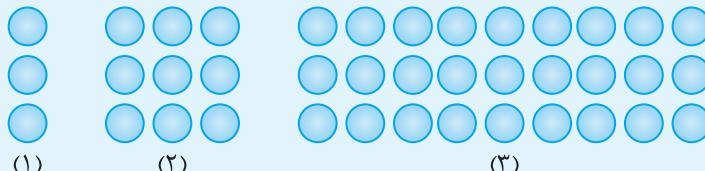
$$1, 8, 27, 64, \dots$$

## فصل اول: عدد و الگوهای عددی

۴) الگوی توانی برای هر عدد:

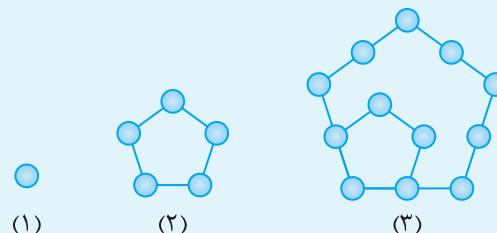


عدد ۲ به تعداد شماره شکل در خودش ضرب می‌شود = فرمول الگوی توانی برای عدد ۲  
۲, ۴, ۸, ۱۶, ...



عدد ۳ به تعداد شماره شکل در خودش ضرب می‌شود = فرمول الگوی توانی برای عدد ۳  
۳, ۹, ۲۷, ۸۱, ...

۵) الگوی مخمسی:



یکی کمتر از ۳ برابر شماره شکل × شماره شکل  
= فرمول الگوی مخمسی

۱, ۵, ۱۲, ۲۲, ۳۵, ...

۶) الگوی فیبوناچی:

دنباله یا اعداد فیبوناچی یکی از معروف‌ترین و زیباترین دنباله‌های ریاضی است. از دیدگاه کاربردی اعداد فیبوناچی به مقدار زیاد در طبیعت یافت می‌شوند. مانند تعداد گلبرگ‌های گل، شکل تخمره و آناناس، پیچش دم‌آفتاب‌پرست یا چینش مارپیچی تخمهای گل آفتاب‌گردان.

جمع هر عدد با عدد قبلی = فرمول الگوی فیبوناچی

۰, ۱, ۱, ۲, ۳, ۵, ۸, ۱۳, ...

● الگویی که فاصله‌ی بین اعداد آن ثابت است.

این بخش را با تعریف چند مورد شروع می‌کنیم:

اعداد طبیعی: به مجموعه‌ی اعدادی که از یک شروع می‌شوند و یکی جلو می‌روند، اعداد طبیعی می‌گویند.

$\{1, 2, 3, 4, \dots\}$  = اعداد طبیعی

مضارب طبیعی یک عدد: همان‌طور که از اسم مضرب پیداست، یعنی ضرب هر عدد در اعداد طبیعی.  
به طور مثال اگر بخواهیم مضارب طبیعی عدد ۳ را پیدا کنیم باید عدد ۳ را در اعداد طبیعی ضرب کنیم:

$$\textcircled{1} \times 3 = 3$$

$$\textcircled{2} \times 3 = 6$$

$$\textcircled{3} \times 3 = 9$$

$$\textcircled{4} \times 3 = 12$$

$$\textcircled{5} \times 3 = 15$$

⋮ ⋮

## بخش اول؛ یادآوری مفهوم کسر



## بخون

**کسر:** در لغت به معنی شکستن است و در ریاضیات از دو قسمت صورت و مخرج تشکیل می‌شود. خط کسری یکی از سه شکل تقسیم

$$\textcircled{O} \div \triangle \quad \frac{\textcircled{O}}{\triangle} \quad \textcircled{O} \text{ } \boxed{\triangle}$$

است:

کسرهای کوچکتر از واحد: کسرهایی هستند که صورتشان از مخرج کوچکتر است. مانند:  $\frac{1}{3}$

انواع کسر: کسرهای برابر واحد: کسرهایی هستند که صورتشان با مخرج برابر است. مانند:  $\frac{3}{3}$

کسرهای بزرگتر از واحد: کسرهایی هستند که صورتشان از مخرج بزرگتر است. مانند:  $\frac{5}{3}$

کسر برابر صفر: کسری است که صورت آن صفر باشد.

در ریاضی کسری که دارای مخرج صفر باشد مفهومی ندارد.

کسرهای بزرگتر از واحد را می‌توان به عدد مخلوط تبدیل کرد.

## تبدیل عدد کسری به عدد مخلوط

اگر بخواهیم اعداد کسری را به عدد مخلوط تبدیل کنیم، از آنجایی که خط کسری یعنی تقسیم، باید صورت را به مخرج تقسیم کنیم.

برای درک بیشتر به مثال زیر توجه کنید:

۱۵ توب داریم که می‌خواهیم آن‌ها را در دسته‌های ۷ تایی قرار دهیم.



همان‌طور که در شکل می‌بینیم ۲ دسته کامل داریم و ۱ توب از دسته‌های ۷ تایی برای ما باقی‌مانده است. پس عدد مخلوط این توب‌ها

$$\frac{15}{7} = 2 \frac{1}{7}$$

می‌شود:  $2 \frac{1}{7}$

خلاصه این که:  $\frac{\text{مقسوم‌علیه}}{\text{باقی‌مانده}} = \frac{\text{خارج‌قسمت}}{\text{به جای صورت}} + \frac{\text{نوشته شود}}{\text{به جای مخرج}}$

در رابطه درستی تقسیم، دقت کنید که هر کدام از اعضای تقسیم در کدام قسمت عدد مخلوط یا کسر بزرگتر از واحد می‌نشینند.

$$(2 \times 7) + 1 = 15$$

$$\begin{array}{r} -15 \\ 14 \\ \hline 1 \end{array} \quad \begin{array}{c} \xrightarrow{7} \\ | \\ 2 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{مخرج کسر} \\ \text{به جای صورت} \end{array}$$

صورت کسر

عدد صحیح

$$\frac{15}{7} = 2 \frac{1}{7}$$



## فصل دوم: کسر

### پنجشنبه: محاسبات با کسر



بخون

برای محاسبات با کسر ابتدا باید تقدم عملیات ریاضی را بشناسیم.

- (۱) پرانتز      (۲) ضرب و تقسیم      (۳) جمع و تفریق

همیشه از سمت چپ، عملیات‌های ریاضی را به ترتیب اولویت انجام می‌دهیم، مثلاً ضرب و تقسیم در یک اولویت هستند و هر کدام از سمت چپ زودتر باید، اول انجام می‌شود.

به نظر شما کدام علمیات در عبارت روی رو زودتر انجام می‌شود؟

$$3 + 4 \div 2 \times 8 - 5$$

$$- (۴) \quad \div (۳) \quad + (۲) \quad \times (۱)$$

به عملیات تقسیم، چون از سمت چپ اولویت با تقسیم است.

اگر یک کسر داشته باشیم که روی صورت و مخرج آن عملیات‌های مختلف وجود داشته باشد. ابتدا حاصل صورت را جداگانه و حاصل مخرج را نیز جداگانه به دست می‌آوریم و بعد صورت را به مخرج تقسیم می‌کنیم به طور مثال:

$$\begin{aligned} 2 - \frac{\frac{1}{5} \div \frac{2}{3}}{\frac{1}{2} - \frac{2}{3}} &= 2 - \frac{\frac{1}{5} \times \frac{3}{2}}{\frac{3 \times 3}{2 \times 2} - \frac{2 \times 2}{3 \times 2}} = 2 - \frac{\frac{3}{10}}{\frac{9}{6} - \frac{4}{6}} = \\ 2 - \frac{\frac{3}{10}}{\frac{5}{6}} &= 2 - \left( \frac{3}{10} \div \frac{5}{6} \right) = 2 - \left[ \frac{\cancel{3} \times \cancel{3}}{\cancel{10} \times \cancel{5}} \right] = 2 - \frac{9}{25} = 1\frac{25}{25} - \frac{9}{25} = 1\frac{16}{25} \end{aligned}$$

یاد پگید



مثال ۲۳: حاصل عبارت‌های زیر را به دست آورید:

$$(الف) \quad \frac{\frac{1}{2} \times \frac{4}{5}}{\frac{2}{3} - \frac{4}{5}} =$$

$$(ب) \quad \frac{\frac{4}{7}}{\frac{3}{4} \times 1\frac{1}{11}} \div \frac{4}{21} =$$

$$(ج) \quad 1 + \frac{1}{2 - \frac{3}{4}} =$$

$$(د) \quad (\frac{1}{3} + \frac{1}{6}) \div (\frac{38}{27}) \times 2$$

$$(ن) \quad \frac{7}{8} - \frac{7}{8} \times \frac{1}{7} =$$

$$(و) \quad \frac{\frac{14}{5}}{\frac{16}{5}} \div \frac{\frac{30}{7}}{\frac{40}{7}} =$$

## دڑاوو ریاضی ششم

### بعون



خوب است بدانید بین هر دو کسر، بیشمار کسر وجود دارد و در اینجا برای پیدا کردن چند کسر بین دو کسر دیگر روش‌هایی را معرفی می‌کنیم.

**(الف) روش مخرج مشترک گیری:** ابتدا بین دو کسر مخرج مشترک می‌گیریم و صورت و مخرج هر دو کسر را در عددی معادل یکی بیشتر از تعداد کسرهایی که می‌خواهیم داشته باشیم، ضرب می‌کنیم. حالا چند کسر با مخرج‌های برابر بین دو کسر دیگر داریم. به این مثال توجه کنید:

$$5+1=6$$

می‌خواهیم بین دو کسر  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{1}{5}$ ، ۵ کسر با مخرج‌های برابر پیدا کنیم:

$$\frac{1 \times 7}{8 \times 7} : مرحله اول$$

$$\frac{1 \times 8}{7 \times 8}$$

$$\frac{7 \times 6}{56 \times 6} : مرحله دوم$$

$$\frac{8 \times 6}{56 \times 6}$$

$$\frac{42}{336}, \frac{43}{336}, \frac{44}{336}, \frac{45}{336}, \frac{46}{336}, \frac{47}{336}, \frac{48}{336} : مرحله سوم$$

**(ب) روش میانگین:** همیشه میانگین دو عدد بین آن دو عدد قرار می‌گیرد. به مثال زیر توجه کنید. می‌خواهیم بین دو کسر  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{1}{8}$  یک کسر پیدا کنیم:

$$\frac{\frac{1}{7} + \frac{1}{8}}{\frac{1}{7}, \frac{1}{8}} = \frac{15}{112} \Rightarrow \frac{1}{8}, \frac{15}{112}, \frac{1}{7} : میانگین$$

**(ج) روش جمع:** این روش بسیار آسان است و فقط صورت‌ها را با هم و مخرج‌ها را نیز با هم جمع می‌کنیم. دوباره به کسرهای  $\frac{1}{7}$  و  $\frac{1}{8}$

نگاه کنید:

$$\begin{array}{r} & + & + & + \\ 1 & & 3 & 2 & 3 & 1 \\ \hline & 8 & 23 & 15 & 22 & 7 \\ & + & + & + & + & \end{array}$$

### پاد پنید



**مثال ۱۳:** چند کسر بین  $\frac{1}{3}$  و  $\frac{1}{8}$  با مخرج ۵۴ وجود دارد؟

**مثال ۱۴:** اگر بخواهیم بین دو کسر  $\frac{1}{3}$  و  $\frac{8}{9}$  دوازده کسر پیدا کنیم. صورت و مخرج کسر  $\frac{1}{3}$  حداقل در چه عددی باید ضرب شود؟

**مثال ۱۵:** کدام کسر زیر بین دو کسر  $\frac{1}{4}$  و  $\frac{1}{3}$  قرار دارد؟

$$\frac{4}{5} \quad (۴)$$

$$\frac{5}{18} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{5} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{8} \quad (۱)$$

## دریاوو ریاضی ششم

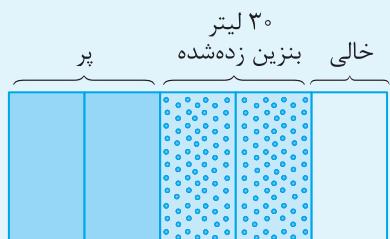
### پنجش ششم؛ کسر و مسائل آن

پنجون



برای حل برخی مسائل کسری بهتر است از روش رسم شکل استفاده کنیم. به این مثال توجه کنید:  $\frac{2}{5}$  باک بنزینی پر است اگر در یک

پمپ بنزین  $30$  لیتر بنزین بزنیم، هنوز  $\frac{1}{5}$  باک خالی مانده است، گنجایش کل باک چقدر است؟



$$\begin{array}{r} \text{بنزین زده شده} \\ \hline \text{کل} \end{array} = \frac{2}{5} \xrightarrow{\times 15} \frac{30}{\textcircled{75}} = \xrightarrow{\times 15} \textcircled{75}$$

در برخی از مسائل، چند کسر را از قسمت‌های مختلفی از یک شکل واحد بیان می‌کنند که برای تصور درست شکل آن‌ها، مسائل را

به سه دسته تقسیم می‌کنیم:

۱- نوع اول

۲- نوع دوم

۳- نوع سوم

۱) **مسائل نوع اول:** این مسائل به گونه‌ای هستند که کسرهای بیان شده از کل یک شکل گفته می‌شوند. پس وقتی می‌خواهیم شکل را رنگ کنیم کسرها را با مخرج مشترک بیان می‌کنیم. به طور مثال:

ناهید یک بار  $\frac{1}{2}$  پولش و بار دیگر  $\frac{1}{3}$  پولش را خرج کرد و  $600$  تومان برایش باقی ماند کل پول او چند تومان بوده است؟

- ناهید بار اول  $\frac{1}{2}$  پول را خرج کرده یعنی  $\frac{3}{6}$  از کل پول پس  $3$  قسمت از پولش را رنگ می‌کنیم بار دوم  $\frac{1}{3}$  از کل پول را خرج کرده.

یعنی  $\frac{2}{6}$  از کل پول که  $2$  قسمت شکل را رنگ می‌کنیم.

بار اول	بار دوم
بار اول	بار دوم
بار اول	

$$\begin{array}{r} \text{باقیمانده} \\ \hline \text{کل} \end{array} = \frac{1}{6} \xrightarrow{\times 600} \frac{600}{\textcircled{3600}} = \xrightarrow{\cancel{\times 600}} \textcircled{600}$$

۲) **مسائل نوع دوم:** در این نوع مسائل کسر دوم از باقی‌مانده‌ی آن شکل واحد بیان می‌شود پس کسر اول را که رنگ کردیم روی قسمت رنگ شده را می‌پوشانیم و باقی‌مانده‌ی شکل را به اندازه‌ی کسر دوم داده شده تقسیم می‌کنیم و سپس تقسیم‌ها را به صورت نقطه‌چین ادامه می‌دهیم تا همه‌ی قسمت‌ها یکسان شود.

## فصل دوم: کسر

به طور مثال:

ناهید یک بار  $\frac{1}{3}$  پولش و بار دیگر  $\frac{1}{3}$  از باقی‌مانده‌ی پولش را خرج کرد و ۶۰۰ تومان برایش باقی‌ماند کل پول او چند تومان بوده است؟

- بعد از رنگ کردن  $\frac{1}{2}$  از شکل، قسمت رنگ شده را می‌بیوشانیم و باقی‌مانده را به سه قسمت تقسیم می‌کنیم و یک قسمت از آن را رنگ

می‌کنیم، اکنون تقسیمات کل شکل را مساوی می‌کنیم.

بار اول	
---------	--

بار اول	بار دوم
بار اول	
بار اول	

$$\begin{array}{rcl} \text{باقی‌مانده} & \xrightarrow{\times 300} & 600 \\ \frac{2}{6} = & = & \frac{600}{1800} \\ \text{کل} & \xrightarrow{\times 300} & 1800 \end{array}$$

(۳) مسائل نوع سو<sup>۱۹</sup>: در این نوع مسائل کسر دوم از همان قسمت رنگ شده بیان می‌شود پس همان قسمت رنگی را باید تقسیم کنیم به طور مثال:

ناهید  $\frac{1}{2}$  پولش را پس انداز کرد و با  $\frac{1}{3}$  از پس‌اندازش لباس خرید، اگر کل پول ۶۰۰ تومان بوده باشد او چند تومان برای خرید لباس داده است؟

- ابتدا  $\frac{1}{3}$  شکل را رنگ می‌کنیم و چون گفته که  $\frac{1}{3}$  از پس‌اندازش را لباس خریده، پس همان قسمت رنگ شده را به ۳ قسمت تقسیم

می‌کنیم و حالا قسمتها را با هم مساوی می‌کنیم.

پس انداز	
----------	--

خرید لباس	

$$\begin{array}{rcl} \text{لباس خریده} & \xrightarrow{\times 100} & 100 \\ \frac{1}{6} = & = & \frac{100}{600} \\ \text{کل} & \xrightarrow{\times 100} & 600 \end{array}$$

یاد بگیر



مثال ۳۴: شهرزاد خمس کتاب‌هایش را خواند و نصف آن‌ها را به دوستش داد و ثلث کتاب‌های باقی‌مانده را در جعبه گذاشت تا به کتابخانه‌ی مدرسه اهدا کند. اگر برای او ۶۰ کتاب باقی‌مانده باشد، کل کتاب‌هایش چند تا بوده است؟

مثال ۳۵: شهاب می‌خواست شکلات‌هایش را بین ۶ دوستش این‌گونه تقسیم کند. نصف شکلات‌ها بعلاوه‌ی یکی را به اولی و نصف باقی‌مانده به علاوه یکی را به دومی و نصف باقی‌مانده به علاوه یکی را به سومی و ... اگر در آخر برای او شکلاتی باقی‌مانده باشد، در ابتدا چند شکلات داشته است؟

## دڑاوو ریاضی ششم

### پنجش اول؛ یادآوری اعداد اعشاری

#### بعون



تعريف اعداد اعشاری: اعداد اعشاری همان اعداد کسری هستند که مخرج آنها  $10, 100, 1000$  و ... است.

در جدول ارزش مکانی جلوی یک خط به نام ممیز قرار می‌گیرد و ارزش مکانی بعدی آن یک دهم یکان است و نام آن دهم می‌باشد.

به همین ترتیب هرچه به سمت راست پیش می‌رویم ارزش مکانی‌ها ده برابر کوچک می‌شوند که به آن‌ها صدم، هزارم، ده هزارم و ...

گفته می‌شود.

#### خط اعشاری

دهگان ...	یکان	دهم	صدم	هزارم	... ده هزارم

اگر بخواهیم کسری را به عدد اعشاری تبدیل کنیم حتماً باید مخرج آن را به  $10, 100, 1000$  یا ... برسانیم. اگر کسر قابل ساده شدن باشد (کسر تحويل‌پذیر) می‌توانیم ابتدا صورت و مخرج را ساده کنیم و سپس مخرج را به  $10, 100, 1000$  و ... برسانیم. در صورتی که مخرج به  $10, 100, 1000$  یا ... نرسید باید صورت را به مخرج تقسیم کنیم که بعد از خواندن تقسیم اعشاری این موضوع را توضیح می‌دهیم.

برای این که راحت‌تر مخرج‌ها را به  $10, 100, 1000, \dots$  برسانیم بهتر است ضرب‌های زیر را حفظ کنیم.

$$2 \times 5 = 10 \quad 4 \times 25 = 100 \quad 8 \times 125 = 1000 \quad \dots$$

برای گسترده نویسی اعداد اعشاری کافی است ابتدا آن عدد را در جدول ارزش مکانی وارد کنیم و سپس هر رقم را با ارزش مکانی مربوط به خودش بنویسیم. به طور مثال اگر بخواهیم  $\frac{12}{43}$  را به صورت گسترده بنویسیم، داریم:

#### خط اعشاری

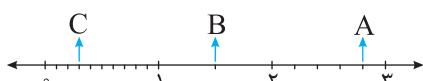
دهگان	یکان	دهم	صدم
۱	۲	۴	۳

$$1 + 2 + 0 / 4 + 0 / 03 = (1 \times 10) + (2 \times 1) + (4 \times 0 / 1) + (3 \times 0 / 01) = 12 / 43$$

#### یاد پگید



مثال ۱: هر فلش چه عدد اعشاری را نشان می‌دهد؟



مثال ۲: عددی بنویسید که از ۸ تا صد تایی و ۱۴ تا یک دهم و ۵ تا یک صدم تشکیل شده باشد.

مثال ۳: عدد مخلوط  $\frac{12}{15}$  را به صورت اعشاری بنویسید.



## فصل سوم: اعداد اعشاری

### پنجش دوم: جمع و تفریق اعداد اعشاری

پنجون



همان طور که به یاد دارید در جمع و تفریق اعداد اعشاری باید به این نکته توجه کنیم که هر ارزش مکانی باید زیر ارزش مکانی خودش نوشته شود. برای اینکار از جدول ارزش مکانی نیز می‌توانیم کمک بگیریم. البته برای جمع و تفریق اعداد اعشاری از چند روش دیگر نیز می‌توان استفاده کرد. به طور مثال می‌خواهیم حاصل  $\frac{2}{5} + \frac{3}{8}$  را از روش‌های مختلف به دست بیاوریم:

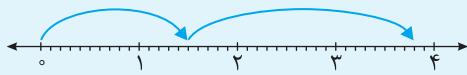
$$\frac{15}{10} + \frac{23}{10} = \frac{38}{10} = \frac{3}{8}$$

$$\frac{5}{10} + \frac{2}{10} = \frac{3}{10} = \frac{3}{8}$$

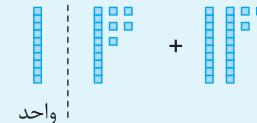
$$\frac{1}{5} + \frac{2}{3} = \frac{1}{5} + \frac{2}{3} = \frac{3}{5} + \frac{2}{3} = \frac{3}{8}$$

روش جدول مکانی	یکان	دهم
	۲	۳
+1		۵
	۳	۸

$$\frac{1}{5} + \frac{2}{3} = \frac{3}{8}$$



$$\frac{1}{5} + \frac{2}{3} = \frac{3}{8}$$



صفرهایی که در جلوی اعداد بعد از اعشار می‌آیند خوانده نمی‌شوند و ما نام آنها را صفرهای کمکی می‌گذاریم و به وقت لزوم از آنها استفاده می‌کنیم.

$$\frac{2}{10} = \frac{20}{100} = \frac{200}{1000} \xrightarrow{\text{پس}} 0/2 = 0/20 = 0/200$$

پاد پگید



مثال ۵: در جاهای خالی اعداد مناسب قرار دهید.

$$..... - \frac{14}{52} = \frac{8}{9} \quad \text{(الف)}$$

$$..... - \frac{3}{75} = \frac{18}{2} \quad \text{(ب)}$$

مثال ۶: هر جمله از ستون سمت راست را به یک عدد از ستون سمت چپ وصل کنید.

۶ / ۴۶	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	۳ واحد کمتر از $\frac{8}{21}$
۵ / ۲۱	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	مجموع $\frac{6}{6}$ و $\frac{6}{6}$
۶ / ۰۶۰۰	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	اختلاف $\frac{7}{7}$ و $\frac{0}{54}$
۸ / ۱۸	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	عددی مساوی $\frac{6}{6}$
۷ / ۲۶	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	۴ واحد بیشتر از $\frac{4}{18}$

## فصل سوم: اعداد اعشاری

### پنجش سوم: ضرب اعداد اعشاری

پنجون



با استفاده از روش‌های مختلف می‌توانیم ضرب اعداد اعشاری را بدست آوریم. به مثال زیر توجه کنید:

$$\frac{1}{10} \times \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{23}{345} = \frac{3}{45}$$

$\frac{1}{5} \times \frac{2}{3}$  : روش شکل (ضرب مساحتی)

$1 + 1 + 0 / 3$  : طول

$1 + 0 / 5$  : عرض

	1	1	$0 / 3$
1	1	1	$0 / 3$
$0 / 5$	$0 / 5$	$0 / 5$	$0 / 15$

$$1 + 1 + 0 / 3 + 0 / 5 + 0 / 5 + 0 / 15 = \frac{3}{45}$$

$\frac{1}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{3}{45}$  : روش حذف اعشار

$$\begin{array}{r} 15 \\ \times 23 \\ \hline 345 \end{array}$$

از آنجا که تعداد ارقام اعشاری حاصل ضرب، برابر مجموع ارقام اعشاری عامل‌های ضرب است، پس حاصل  $\frac{3}{45}$  خواهد شد.

اگر یک عدد اعشاری در  $10, 100, 1000$  یا ... ضرب شود، ممیز به تعداد صفرها به سمت راست حرکت می‌کند. به طور مثال: اگر بخواهیم حاصل  $\frac{1}{5} \times 100$  را بدست آوریم باید ممیز را به اندازه‌ی دو رقم به سمت راست جابه‌جا کنیم و چون فقط یک رقم در سمت راست اعشار داریم، یک صفر در جلوی آن قرار می‌دهیم و می‌شود  $0.35$ .

$2 / 43 \times 10 = 24 / 3$  : مثال

اگر عددی در  $1 / 10$  یا  $1 / 100$  و ... ضرب شود، در واقع آن عدد تقسیم بر  $10, 100$  یا ... شده است.

$$\frac{73}{10} \times \frac{1}{10} = \frac{73}{100} = 0 / 73$$

یاد پگید



مثال ۱: حاصل عبارت‌های زیر را بدست آورید.

(الف)  $7 / 34 \times 100 =$

(ب)  $12 / 50 \times 100 =$

(پ)  $42 \times 0 / 0001 =$

(ث)  $3 / 42 \times 1000 \div 0 / 1 =$

(ج)  $8 / 5 \times 1000 =$

(د)  $0 / 042 \times 10000 =$

(ط)  $0 / 01 \times 265 \div 10 =$

(ن)  $0 / 54 \times 10 =$

(و)  $254 / 17 \times 1000 =$

(ه)  $65 \div 10000 =$

مثال ۹: حاصل عبارت‌های زیر را بدست آورید.

(الف)  $(3 / 7 - 1 / 4 \times 2) \times 10 =$

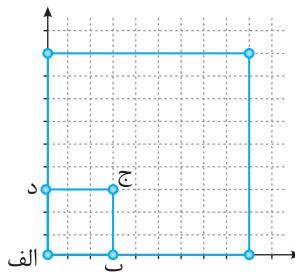
(ب)  $428 \times 100 = 0 / 04 \times 10 + 0 / 428 \times 100 =$



## فصل چهارم: تقارن و مختصات



پاسخ مثال ۱۱:



$$3 \times 3 = 9 \text{ مساحت مربع کوچک}$$

$$9 \times 9 = 81 \text{ مساحت مربع بزرگ}$$

$$81 \div 9 = 9$$

پس با ۳ برابر شدن هر ضلع، مساحت  $3 \times 3 = 9$  برابر شده است.

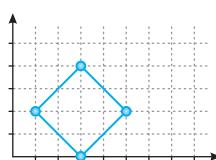
پاسخ مثال ۱۲: چون  $4 \times 4 = 16$ .



با رسم شکل رأس چهارم را پیدا می کنیم.



خوب است بدانیم که جمع مختصات دوسرقطراها در چهارضلعی‌ها با هم برابر هستند.



$$\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 5 \\ 2 \end{bmatrix}$$

پادداشت



## دڑاوو ریاضی ششم

## پنجش اول؛ طول و سطح



پنجون

ابتدا با کلمه‌ی کمیت آشنا شوید.

کمیت: به هر چیزی که قابل اندازه‌گیری باشد کمیت می‌گویند.

هر کمیت با یک وسیله‌ی اندازه‌گیری اندازه‌گرفته می‌شود و واحدی در سیستم بین‌المللی برایش تعریف شده است که همه می‌توانند از آن با خبر باشند. گاهی اوقات واحد اصلی برای ما کافی نیست و باید آن را بزرگ‌تر یا کوچک‌تر کنیم پس، از پیشوندهای بزرگ‌کننده یا کوچک‌کننده استفاده می‌کنیم که در زیر چند پیشوند موردنیاز را معرفی می‌کنیم.



در اینجا واحد مربوط به هر کمیتی که نیاز داریم را می‌توانیم به جای واحد قرار دهیم که در کنار پیشوندها به صورت: دکامتر - کیلومتر - میلی‌ثانیه - کیلوگرم و ... می‌شوند.

جدول زیر چند کمیت و واحدهای مربوط به آن را نشان می‌دهد.

یکا (واحد)	کمیت
گرم	جرم
ثانیه	زمان
متر	طول

به شکل زیر نگاه کنید:



ضلع مربع زیر برابر ۱ متر است پس مساحت مربع برابر  $1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} = 1 \text{ متر مربع}$  خواهد بود.

$$\text{مساحت} = 1 \text{ متر مربع} = 100 \text{ سانتی متر} \times 100 \text{ سانتی متر}$$

$$1 \text{ متر} = 100 \text{ سانتی متر}$$

برای تبدیل واحد نیز این‌گونه عمل می‌کنیم که از واحد بزرگ به کوچک، عدد را در فاصله‌ی بین دو واحد ضرب، و از کوچک به بزرگ، عدد را به فاصله بین دو واحد تقسیم می‌کنیم.

مربع کردن یعنی عددی یا واحدی را یکبار در خودش ضرب کنیم. مثلاً اگر واحد متر در متر ضرب شود حاصل مترمربع خواهد شد.



$$100 \text{ متر}$$

برای اندازه‌گیری زمین‌های کشاورزی از واحدی به نام هکتار استفاده می‌شود که به صورت زیر آن را تعریف می‌کنیم:

یک هکتار مساحت زمینی مربع شکل به ضلع ۱۰۰ متر است.

$$1 \text{ هکتار} = 100 \text{ متر} \times 100 \text{ متر} = 10000 \text{ متر مربع}$$



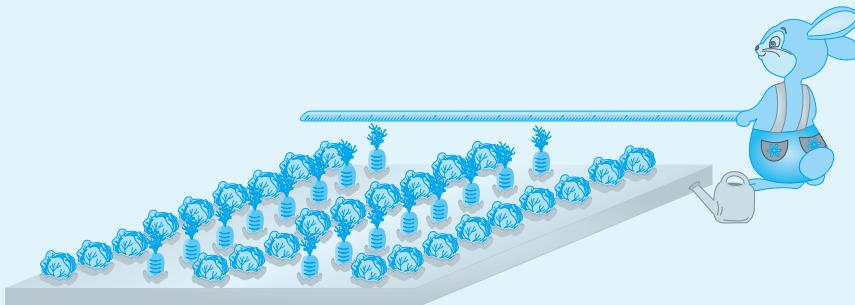
## فصل پنجم: اندازه‌گیری

### پنجش دوم: هجدهم و هجدهم

پھون



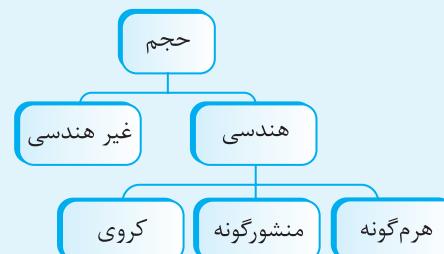
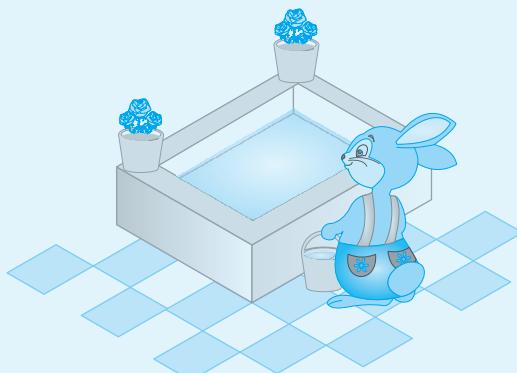
«محیط»: با مجموع اندازه‌های دور تا دور یک جسم برابر و یک بعدی است و واحد آن، با واحد طول یکسان است.



«مساحت»: به سطح روی یک جسم گفته می‌شود که دو بعدی است و واحدش با مربع واحد طول برابر است.

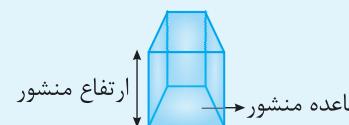
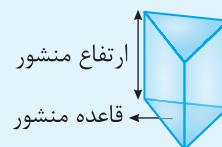
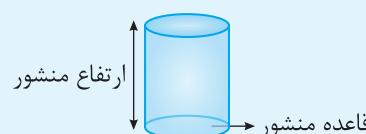


«حجم»: فضایی است که یک جسم اشغال می‌کند و سه بعدی است و واحدش با مکعب واحد طول برابر است.



#### (۱- منشورگونه‌ها:

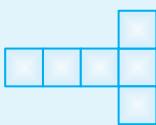
این اشکال دارای دو سطح موازی و هم شکل هستند که به آن‌ها قاعده می‌گویند و فاصله‌ی عمودی بین این دو قاعده، ارتفاع منشور گفته می‌شود.



## دراوو ریاضی ششم

با چند منشور مهم آشنا شوید:

**مکعب (شش وجهی منتظم):** منشوری است که از شش وجه مربع شکل تشکیل شده است. مکعب دارای ۱۲ یال، ۶ وجه و ۸ رأس است و یکی از صورت‌های گسترده آن به صورت زیر می‌باشد.

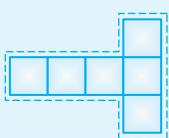


وجه: به سطوحی که منشور را تشکیل می‌دهند، وجه می‌گویند.

رأس: نقطه برخورد سه وجه را رأس می‌گویند.

یال: به پاره خط حاصل از برخورد دو وجه، یال می‌گویند.

گسترده مکعب از ۱۴ ضلع تشکیل شده است.

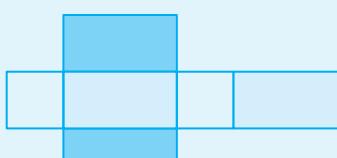
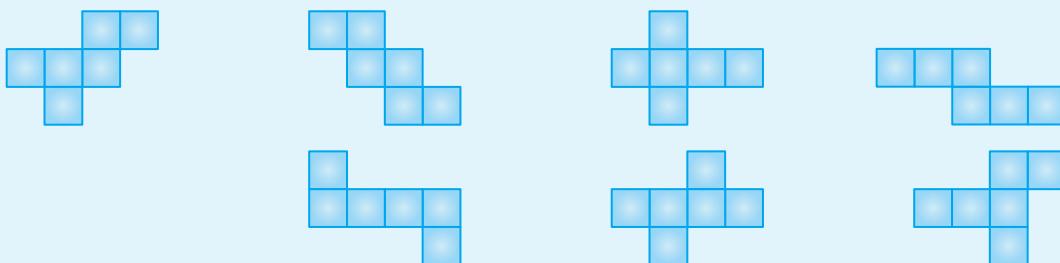


$$\text{طول} \times 14 = \text{محیط گسترده مکعب}$$

$$\text{مساحت یک مربع} \times 6 = \text{مساحت کل مکعب}$$

$$\text{طول} \times \text{طول} \times \text{طول} = \text{حجم مکعب}$$

اشکال گسترده مکعب:



**مکعب مستطیل:** گسترده مکعب مستطیل به صورت زیر می‌باشد.

وجه‌های همنگ مساحت برابر دارند.

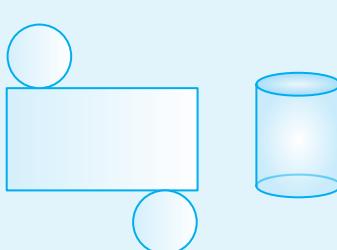
$$\text{مجموع مساحت مستطیل‌ها} = \text{مساحت مکعب مستطیل}$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم مکعب مستطیل}$$

**استوانه:** از یک مستطیل و دو دایره تشکیل شده است.

$$\text{مساحت} 2\text{ دایره} + \text{مساحت مستطیل} = \text{مساحت استوانه}$$

$$\text{ارتفاع منشور} \times \text{مساحت دایره} = \text{حجم استوانه}$$



با توجه به این که تعداد ضلع‌های قاعده منشور چندتا باشد، آن منشور نام‌گذاری می‌شود. مثلاً اگر سه ضلعی باشد می‌گوییم منشور

۳ پهلو، اگر چهارضلعی باشد می‌گوییم منشور چهارپهلو و ... .

به جدول زیر دقّت کنید:

تعداد اضلاع قاعده منشور	نام منشور	تعداد وجه‌های پهلو	تعداد وجه‌ها	تعداد کل وجه‌ها	تعداد رأس‌ها	تعداد یال‌ها
۳ ضلعی	۳ پهلو	۳	۳	۵	۶	۹
۴ ضلعی	۴ پهلو	۴	۴	۶	۸	۱۲
۵ ضلعی	۵ پهلو	۵	۵	۷	۱۰	۱۵
n ضلعی	n پهلو	n	n	n+2	2×n	3×n

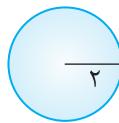
## دراوو ریاضی ششم

**پاسخ مثال ۵:** کافی است مساحت دور تا دور استوانه را بدست آوریم. (مساحت جانبی)

$$\text{محیط دایره} = 2 \times 2 \times 3 = 12$$

$$\text{ارتفاع} \times \text{محیط قاعده} = 12 \times 5 = 60$$

$$\text{هزینه} = 60 \times 4000 = 240000$$



$$\text{مساحت یک مربع} = 6 \times 6 = \text{مساحت کل مکعب}$$

$$150 = 6 \times O \longrightarrow 25$$

$$25 = O \times O \longrightarrow 5$$

$$\text{سانسی متزمکعب} \longrightarrow \text{طول} \times \text{طول} \times \text{طول} = 125$$

$$\text{سانسی مترا} \longrightarrow 14 \times 5 = 70 \quad \text{ضلع} \times \text{ضلع} = \text{محیط گسترده}$$

**پاسخ مثال ۶:**

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} = 20$$

$$24 = \text{ارتفاع} \times \text{طول}$$

$$30 = \text{عرض} \times \text{طول}$$

$$\text{عرض} = 5$$

$$4 = \text{ارتفاع}$$

اگر اعداد را درست حدس بزنیم:  $6 = \text{طول}$

$$\text{سانسی متزمکعب} = 6 \times 5 \times 4 = 120$$

$$\text{سانسی متزمکعب}$$

روش جالب:

$$\left. \begin{array}{l}
 30 = \text{طول} \times \text{عرض} \\
 24 = \text{طول} \times \text{ارتفاع} \\
 20 = \text{عرض} \times \text{ارتفاع}
 \end{array} \right\} \xrightarrow{\substack{\text{اکنون همه را در هم} \\ \text{ضرب می کنیم}}} \text{طول} \times \underbrace{\text{عرض} \times \text{ارتفاع}}_{\text{حجم}} \times \underbrace{\text{طول} \times \text{ارتفاع}}_{\text{حجم}} = 14400$$

$$\Rightarrow \text{حجم} = 120$$

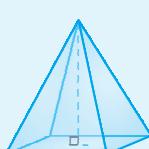
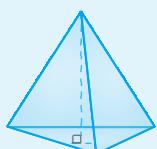
$$\Rightarrow \text{حجم} = 120 \times 120$$

بعون



### ۲- هرم‌گونه‌ها

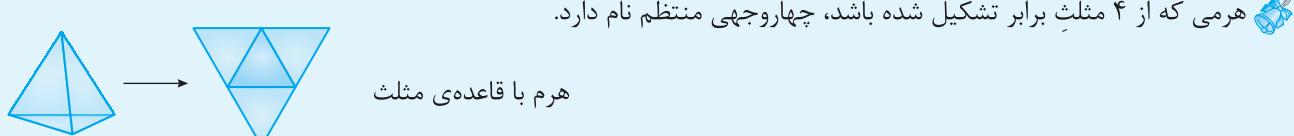
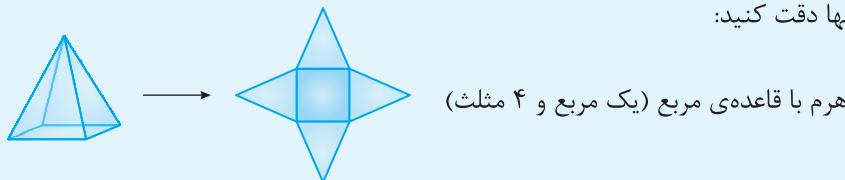
این دسته از شکل‌های هندسی دارای یک قاعده‌ی چند ضلعی است و سایر وجههای آن در یک نقطه به نام رأس هرم با یکدیگر برخورد می‌کنند. اگر از رأس هرم به سطح قاعده عمود کنیم ارتفاع هرم بدست می‌آید.





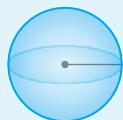
## فصل پنجم: اندازه‌گیری

برای پیدا کردن مساحت هرم‌ها کافی است ابتدا گستردگی آن را رسم کنیم و سپس مساحت هر وجه را جداگانه به دست آورده و با هم جمع کنیم. به شکل‌های زیر و گستردگی آنها دقت کنید:



### ۱۳- حجم‌های کروی

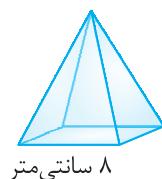
این حجم‌ها از دوران (چرخش) یک نیم‌دایره حول قطرش به وجود می‌آیند که به آنها کره می‌گویند و در سال‌های بالاتر با آن‌ها آشنا خواهیم شد.



### یاد پگید



**مثال ۱:** برای ساختن هرم زیر به چند سانتی‌مترمربع مقوا احتیاج داریم؟ (ارتفاع هر مثلث ۵ سانتی‌متر)



**مثال ۹:** اگر بخواهیم داخل یک مکعب مستطیل به اضلاع ۱ و ۲ و ۲ متر، مکعب‌هایی به ضلع ۲۰ سانتی‌متر جا دهیم. چند مکعب داخل آن قرار می‌گیرد؟

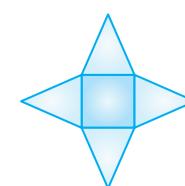
### پاسخ‌نامه



پاسخ مثال ۸:

مساحت ۴ مثلث + مساحت مربع = مساحت کل شکل

$$= (\lambda \times \lambda) + (4 \times \frac{\lambda \times \lambda}{2}) = 64 + 80 = 144$$





## دریاوو ریاضی ششم

### بخش سوم؛ مساحت دایره



#### پنهون

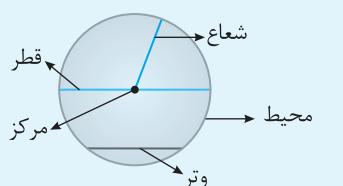
**تعریف دایره:** به مجموعه نقاطی که کنار هم قرار می‌گیرند و از یک نقطه به نام مرکز یک فاصله‌ی برابر دارند را دایره می‌گویند.

**تعریف وتر:** هر پاره‌خطی که دو نقطه از محیط دایره را بهم وصل کند، وتر می‌گویند.

**تعریف قطر:** بزرگ‌ترین وتر دایره که از مرکز دایره می‌گذرد، قطر دایره است.

**تعریف شعاع:** پاره‌خطی که مرکز دایره را به محیط دایره وصل می‌کند، شعاع نام دارد.

**تعریف قطاع:** به یک برش پیتزایی شکل که از مرکز زده می‌شود، قطاع دایره می‌گویند.

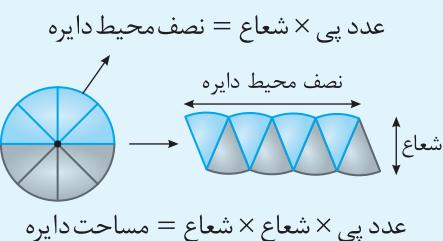


برای به‌دست آوردن مساحت دایره از مساحت مستطیل کمک می‌گیریم. اگر یک دایره را به قطاع‌های باریک برش بزنیم و این برش‌ها را کنار هم قرار دهیم یک مستطیل تشکیل می‌شود.

$$\text{عرض} \times \text{طول} = \text{مساحت مستطیل}$$

$$\text{شعاع} \times \text{نصف محیط دایره} = \text{مساحت دایره}$$

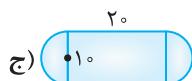
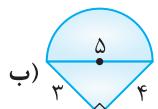
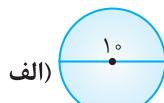
$$\text{عدد پی} \times \text{شعاع} \times \text{شعاع} = \text{مساحت دایره}$$



#### پاد پکید



**مثال آلا:** مساحت شکل‌های زیر را به‌دست آوردید. ( $\pi = 3$ )



## دڑاوو ریاضی ششم

### پاسخ‌نامه



پاسخ مثال ۱۲:

$$12 \times 3 = 36 \text{ محیط دایره}$$

$$6 \times 6 \times 3 = 108 \text{ مساحت دایره}$$

$$\text{مساحت دایره} (2 \times \pi) + \text{مساحت مستطیل} = \text{مساحت کل}$$

$$= 36 + (108 \times 2) = 36 + 216 = 576$$

### بعضون



برای بدست آوردن مساحت‌های رنگی حتماً باید ابتدا یک تعریف فارسی از قسمت رنگ‌شده بنویسیم. یعنی می‌خواهیم بینیم که کل شکل به صورت کدام شکل هندسی بوده و چه شکل بی‌رنگی را باید از آن کم کنیم تا قسمت رنگی بدست بیاید. به طور مثال به شکل زیر نگاه کنید:



برای تعریف فارسی قسمت رنگ‌شده داریم:

$$\text{مساحت ربع دایره} - \text{مساحت مستطیل} = \text{مساحت رنگی}$$



یکی از شکل‌هایی که امسال در کتاب درسی ریاضی ششم آورده شده به صورت رنگی می‌توانیم است که اصطلاحاً به قسمت رنگی می‌توانیم بگوییم مساحت برگ.

برای بدست آوردن مساحت برگ به صورت زیر عمل می‌کنیم:

قدم اول: دو ربع دایره یکسان با تلق سفید درست می‌کنیم.

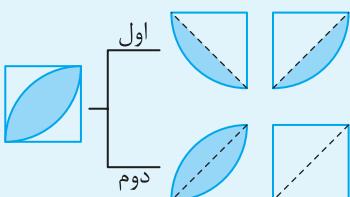


قدم دوم: مثلث‌ها را جدا کرده و شکل باقی‌مانده را رنگ می‌کنیم.



قدم سوم: نوشتن تعریف قسمت رنگی.

$$\text{مساحت مربع} - \text{مساحت نیم دایره} = \text{مساحت برگ}$$





## دراوو ریاضی ششم

### آزمون دوره‌ای فصل ۳ و ۴



دستور کار الف: گزینه‌ی مناسب را انتخاب کنید.

(۱) عدد اعشاری مربوط به کسر $\frac{13}{7}$ با دو رقم بعد از اعشار کدام گزینه است؟	۱۸/۴ (۴)	۱/۸۵ (۳)	۷/۱۳ (۲)	۱۳/۷ (۱)			
(۲) حاصل ضرب $\frac{5}{12} \times \frac{3}{4}$ با حاصل ضرب کدام عبارت زیر برابر است؟	$\frac{1}{3} \times \frac{15}{4}$ (۴)	$\frac{5}{8} \times \frac{1}{2}$ (۳)	$\frac{4}{12} \times \frac{5}{3}$ (۲)	$\frac{5}{16} \times \frac{1}{3}$ (۱)			
(۳) یک بطری آبمیوه خانواده حاوی $4/2$ لیتر آبمیوه است. اگر آن را به طور مساوی در $6$ لیوان برشیزیم، در هر لیوان چند میلی‌لیتر آبمیوه ریخته‌ایم؟	۴۰۰ (۴)	۰/۲ (۳)	۴۰ (۲)	۰/۴ (۱)			
(۴) کدامیک از شکل‌های زیر بیشتر از یک خط تقارن دارد و لی مرکز تقارن ندارد؟	۴) شش‌ضلعی منتظم	۲) مثلث متساوی‌الاضلاع	۳) متوازی‌الاضلاع	۱) مربع			
دستور کار ب: در جاهای خالی کلمه یا عدد مناسب بنویسید.							
(۵) وقتی شکلی را حول یک نقطه به اندازه‌ی $180^\circ$ یا کمتر در جهت عقربه‌های ساعت می‌چرخانیم و شکل روی خودش می‌افتد می‌گوییم شکل ..... دارد.							
(۶) نقطه‌ی روی محور ..... قرار دارد.	$\begin{bmatrix} 3 \\ 0 \end{bmatrix}$						
(۷) حاصل عبارت $7/0 \div 84/0 =$ ..... است.							
(۸) کوچک‌ترین عدد طبیعی که در $\square$ می‌توان نوشت، عدد ..... است.	$1/4 \div \square < 0/2$						
دستور کار ج: صحیح و غلط بودن جمله‌های زیر را مشخص کنید.							
(۹) شکل ..... نسبت به نقطه‌ی (م) تقارن مرکزی دارد.							
(۱۰) برای هر کسر بی‌شمار کسر مساوی می‌توان نوشت.	<input type="radio"/> صحیح	<input checked="" type="radio"/> غلط					
(۱۱) اگر مقسوم و مقسوم‌علیه یک تقسیم را در یک عدد ضرب کنیم خارج‌قسمت تغییر نمی‌کند.	<input type="radio"/> صحیح	<input checked="" type="radio"/> غلط					
(۱۲) مثلث متساوی‌الاضلاع در هر $180^\circ$ تقارن چرخشی دارد.	<input type="radio"/> صحیح	<input checked="" type="radio"/> غلط					